Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada – Profesor Daniel Partal García – www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II - 2ºBachillerato Examen: Tema 1 Matemáticas II - Modelo 2

página 1/2

Instrucciones:

- a) Duración: 1 hora
- b) Tienes que **elegir** entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción A** o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la **Opción B**. Indica, en la primera hoja donde resuelves el examen, la opción elegida.
- c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma.
- **d)** Contesta de forma razonada y escribe a bolígrafo (no a lápiz) ordenadamente y con letra clara. Las faltas de ortografía, la mala presentación y no explicar adecuadamente las operaciones pueden restar hasta un máximo de 1 punto de la nota final.
- **e)** Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

Opción A

Ejercicio 1.- a) [1,5 puntos] Sea $f(x) = \frac{ax^2 + bx + 3}{2x - 1}$. Obtener a y b para que la función tenga una asíntota oblicua en la recta 2y + x - 3 = 0.

b) [1 punto] Sean los puntos A(0,1) , B(7,2) , C(-1,1) y D(-2,5) . Calcula el punto de corte de las mediatrices de los segmentos \overline{AB} y \overline{CD} .

Ejercicio 2.- [2,5 puntos] Determinar, en función del parámetro $k \in \mathbb{R}$, el rango de los siguientes vectores: $\vec{u} = (1,1,1)$, $\vec{v} = (1,k+1,1)$, $\vec{w} = (1,1,k+1)$. Si k=0, ¿cuántos vectores hay linealmente independientes? Si k=2, ¿cuántos vectores hay linealmente independientes?

Ejercicio 3.- [2,5 puntos] Estudia y representa $f(x) = \frac{3}{9-x^2}$. Calcular dominio, cortes con los ejes,

simetría, asíntotas, monotonía, extremos relativos, curvatura, puntos de inflexión y dibujar la gráfica. Explica claramente cada paso y realiza todas las operaciones necesarias para el estudio. Dibujar la gráfica sin detallar los pasos del estudio no será calificado positivamente.

Ejercicio 4.- [2,5 puntos] Calcula
$$\lim_{x\to 0} \frac{\cos(x) - e^{-2x} - 2x}{sen^2(x)}$$

Colegio Marista "La Inmaculada" de Granada - Profesor Daniel Partal García - www.danipartal.net

Asignatura: Matemáticas II - 2ºBachillerato Examen: Tema 1 Matemáticas II - Modelo 2

página 2/2

Opción B

Ejercicio 1.- a) [1,5 puntos] Determinar el valor de k para que se verifique:

$$\lim_{x \to +\infty} (\sqrt{x^2 + k \, x - 7} - \sqrt{x^2 - 2 \, x + 5}) = \frac{5}{3}$$

b) [1 punto] Obtener los puntos de inflexión de $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ (obtener abscisa y ordenada).

Ejercicio 2.- a) [1,5 puntos] Obtener a y b para que f(x) sea derivable en x=1 (ojo: estudiar solo en x=1).

$$f(x) = \begin{cases} a \cdot x + 5 & si \quad x \le 1 \\ a \cdot \sqrt{x} + \frac{b}{x} & si \quad x > 1 \end{cases}$$

b) [1 punto] Calcula a y b para que la función $f(x)=x^3+ax^2+bx+2$ pase por el punto (-1,6) y su recta tangente en x=1 forme un ángulo de $\pi/4$ radianes con el eje OX.

Ejercicio 3.- [2,5 puntos] Estudia las asíntotas de $f(x) = \frac{x^3}{x^2 - 1}$ (verticales, horizontales y oblicuas)

Ejercicio 4.- [2,5 puntos] Obtener el dominio de $f(x) = \sqrt{2 - \frac{3 - x}{5 - x}}$